

20.11.2023

Eksamen

MAT1021 Matematikk 1T

Se eksamenstips på baksiden!

Nynorsk

Eksamensinformasjon	
Eksamenstid	Eksamen varer i 5 timar. Delen utan og delen med hjelpemiddel skal delast ut samtidig. Delen utan hjelpemiddel skal leverast etter 1 time. Etter 1 time kan kandidaten bruke hjelpemiddel. Delen med hjelpemiddel skal leverast innan 5 timar.
Del utan hjelpemiddel	Vanlege skrivesaker, passar, linjal med centimetermål og vinkelmålar.
Del med hjelpemiddel	Alle hjelpemiddel er tillatne, med unntak av internett og andre verktøy som tillèt kommunikasjon.
Framgangsmåte	Delen utan hjelpemiddel har 5 oppgåver. Delen med hjelpemiddel har 7 oppgåver. Der oppgåveteksten ikkje seier noko anna, kan du fritt velje framgangsmåte. Dersom oppgåva krev ein bestemt løysingsmetode, kan ein alternativ metode gi låg/noko uttelling. Bruk av digitale verktøy som rekneark, programmering, grafteiknar og CAS skal dokumenterast.
Rettleiing om vurderinga	Karakteren blir fastsett etter ei samla vurdering. Sensor vurderer i kva grad du • viser rekneferdigheiter og matematisk forståing • gjennomfører logiske resonnement • ser samanhengar i faget, er oppfinnsam og kan ta i bruk fagkunnskap i nye situasjonar • kan bruke formålstenlege hjelpemiddel • forklarar framgangsmåtar og grunngir svar • skriv oversiktleg og er nøyaktig med utrekningar, nemningar, tabellar og grafiske framstillingar • vurderer om svar er rimelege
Om vekting av oppgåvene	Kvar deloppgåve vil bli vekta likt når svara dine blir vurderte, med unntak av • oppgåve 2 og 3 i Del 1 • oppgåve 2, 3b og 6 i Del 2 som vil bli vekta <u>1,5 gonger så mykje</u> som dei andre deloppgåvene.
Andre opplysningar	Kjelder for bilete, teikningar osv. • Flyttelass, Pixabay (18.03.2023) Andre bilete, teikningar og grafiske framstillingar: Utdanningsdirektoratet

DEL 1

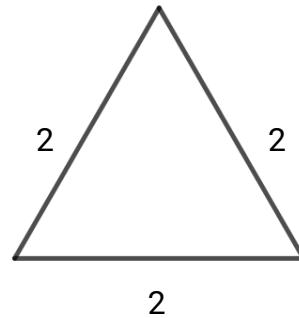
Utan hjelpemiddel

Oppgave 1

Ein likesida trekant har sidelengder 2.
Sjå figuren til høgre.

Bruk trekanten til å vise at

$$\cos 60^\circ = \frac{1}{2}$$



Oppgave 2

Funksjonen f er gitt ved

$$f(x) = x^3 + 2x^2 - 5x - 6$$

I kva punkt skjer grafen til funksjonen x - aksen?

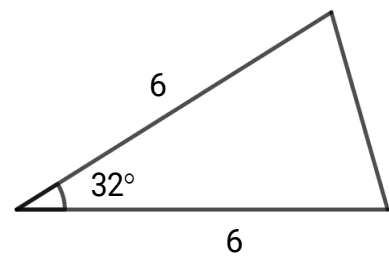
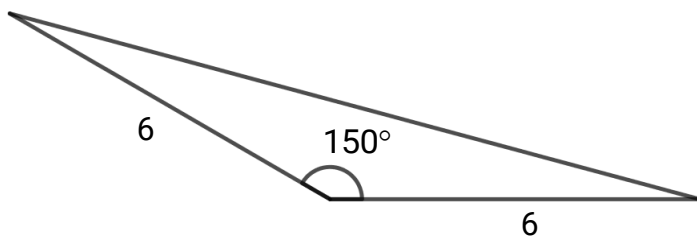
Oppgave 3

Funksjonen f er gitt ved

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - x + 4$$

Bestem likninga for tangenten til grafen til f i punktet $(1, f(1))$.

Oppgave 4



Kva for ein av dei to trekantane har størst areal?

Hugs å argumentere for at svaret ditt er rett.

Oppgave 5

Funksjonane f og g er gitt ved

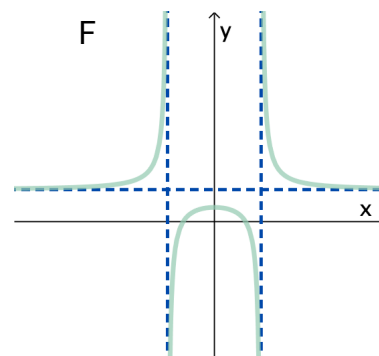
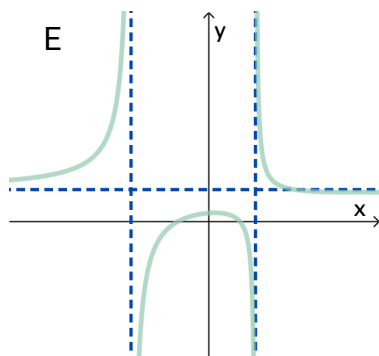
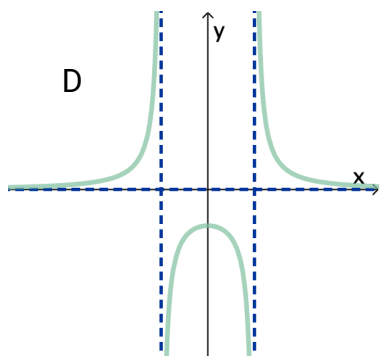
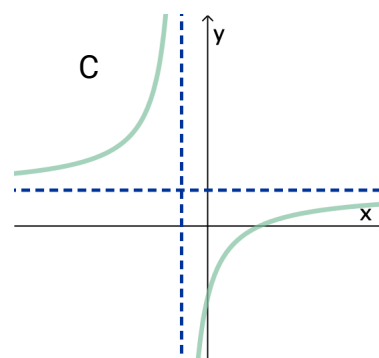
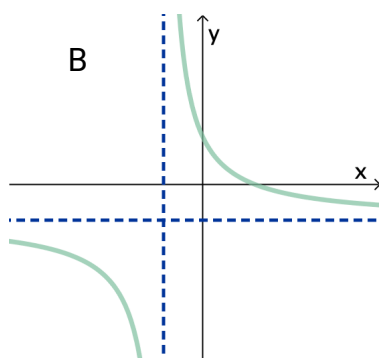
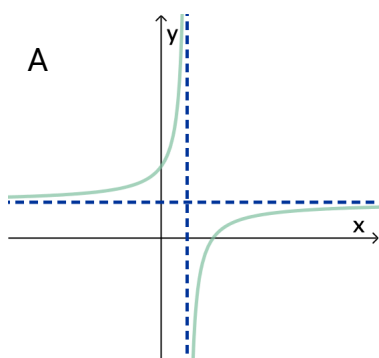
$$f(x) = \frac{2x-8}{x+2}$$

$$g(x) = \frac{x^2-4}{(x-3)(x+3)}$$

a) Kva for ein av grafane nedanfor er grafen til f ?

b) Kva for ein av grafane nedanfor er grafen til g ?

Hugs å argumentere for at svara dine er rette.



DEL 2

Med hjelpemiddel

Oppgåve 1



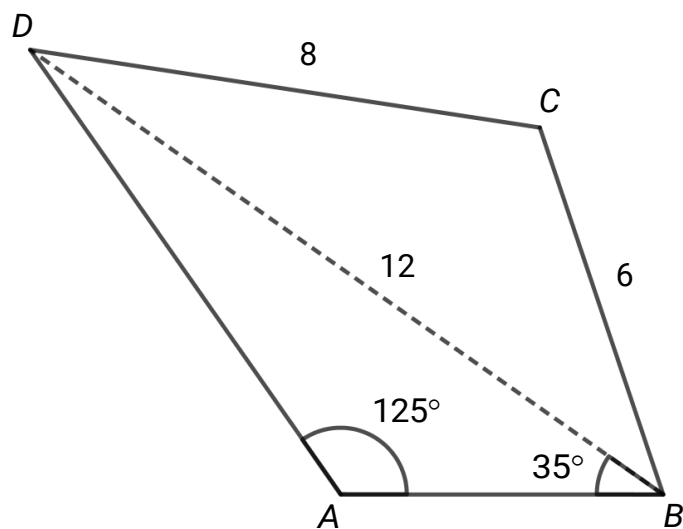
Ei gruppe statistikarar har sett på korleis folketalet i eit område har endra seg sidan 1960, og laga ein modell F gitt ved

$$F(x) = \frac{1}{1000} \cdot (0,027x^3 - 5,8x^2 + 220x + 7900) , \quad x \in [0, 80]$$

for folketalet $F(x)$ tusen innbyggjarar i området x år etter 1960.

- Vis korleis du på to ulike måtar kan bestemme når folketalet var høgast ifølgje modellen.
- Bestem stigingstalet til den rette linja som går gjennom punkta $(30, F(30))$ og $(70, F(70))$. Gi ei praktisk tolking av dette stigingstalet.
- Når vil folketalet minke raskast ifølgje modellen?

Oppgave 2



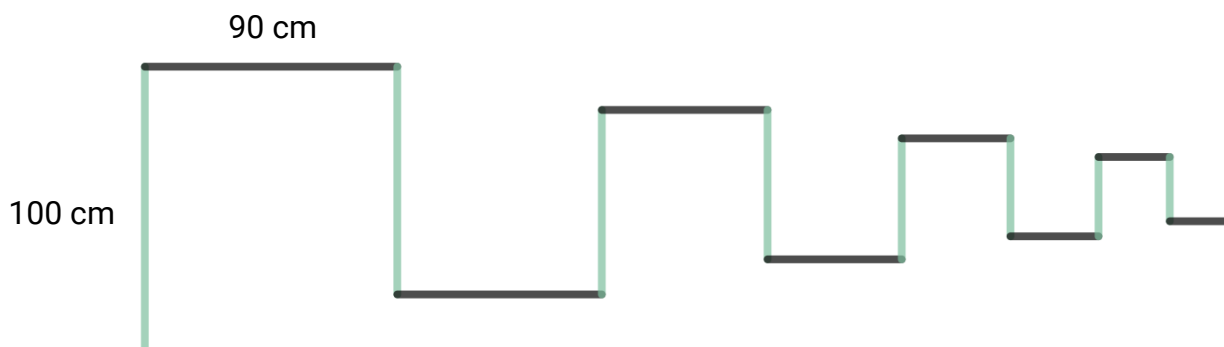
I denne oppgåva skal du vise at du kan bruke trigonometri til å bestemme arealet av figuren ovanfor.

Bestem arealet. Hugs å gjere greie for kva for trigonometriske samanhengar du bruker.

Oppgåve 3

I denne oppgåva skal du arbeide med linjestykke som blir sette saman til ein figur.

Skissa nedanfor viser dei 16 første linjestykka i figuren. Lengda av eit linjestykke er alltid 90 % av lengda av det f rre linjestykket. Det første linjestykket er 100 cm langt.



- a) Bestem summen av lengdene av dei 8 første linjestykka i figuren.
- b) Lag eit program som du kan bruke til å bestemme summen av lengdene av linjestykka dersom det er mange linjestykke i figuren.

Kor mange linjestykke må vi ha med i figuren dersom summen av lengdene skal bli minst 9 meter?

- c) Kor mange prosent aukar summen av lengdene dersom vi aukar talet på linjestykke i figuren fr  50 til 100?

Oppgave 4

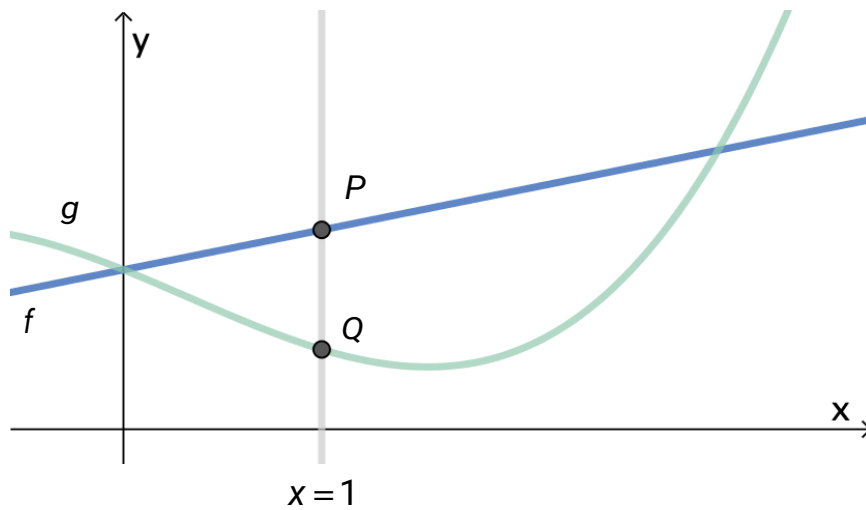


Tabellen nedanfor viser kor mange personar i Noreg som hadde fiske som hovudyrke nokre år i perioden 1952–2022.

År	1952	1982	1992	2002	2012	2022
Fiskarar	65 956	25 289	19 780	13 841	9 825	9 591

- a) La x vere talet på år etter 1950 og bruk opplysningane i tabellen til å bestemme ein modell F som du meiner kan brukast til å seie noko om kor mange personar som har hatt fiske som hovudyrke i perioden 1952–2022.
- b) Kor mange personar i Noreg vil i 2050 ha fiske som hovudyrke ifølgje modellen frå oppgave a)? Vurder gyldigheitsområdet til modellen.

Oppgave 5



Ovanfor har Sara teikna grafane til funksjonane f og g gitt ved

$$f(x) = 2x + 8$$

$$g(x) = x^3 - x^2 - 4x + 8$$

Linja $x=1$ skjer grafen til f i punktet P og grafen til g i punktet Q .

a) Bestem avstanden frå P til Q .

Sara skal teikne ei ny linje $x=a$ der $a \in \langle 1, 3 \rangle$ i koordinatsystemet.

Ho vil kalle skjæringspunktet mellom linja og grafen til f for R og skjæringspunktet mellom linja og grafen til g for S .

b) Bestem a slik at avstanden frå R til S blir størst mogleg. Skriv svaret eksakt.

Oppgave 6

Ein tredjegradsfunksjon f er gitt ved

$$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx - 64$$

- Punktet $(-8, 0)$ er eit toppunkt på grafen til f .
- Den gjennomsnittlege vekstfarten til f i intervallet $[0, 5]$ er $\frac{64}{5}$.

Bestem a , b og c .

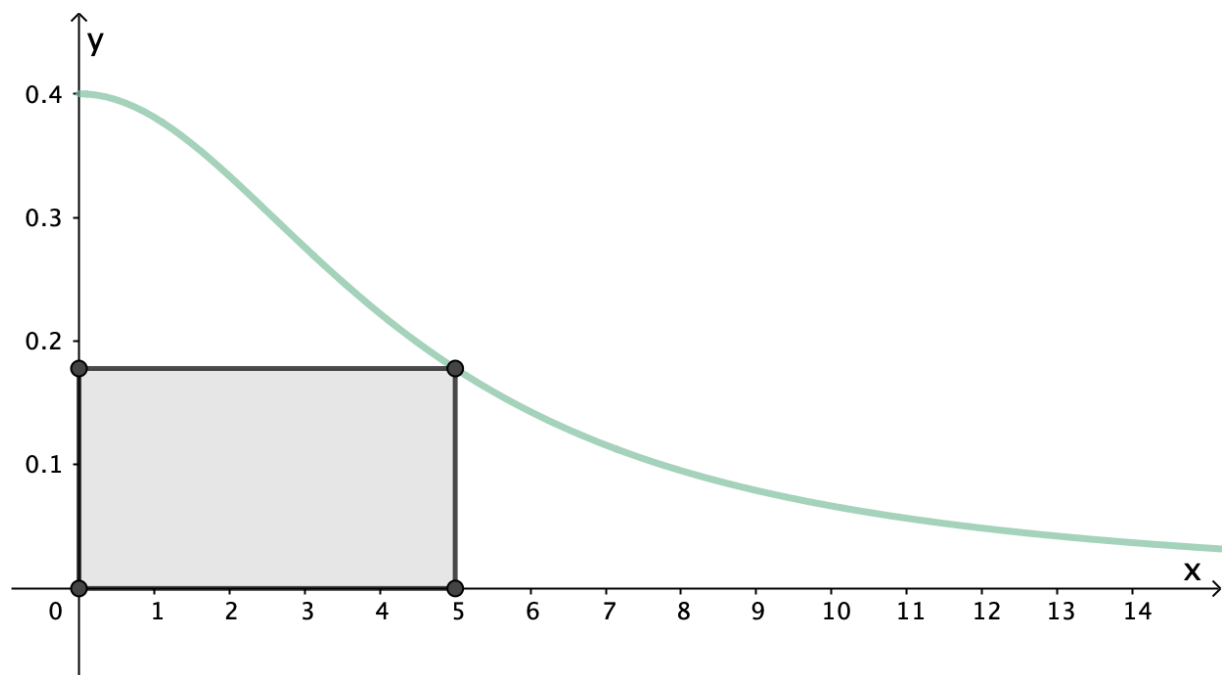
Oppgave 7

Nedanfor ser du grafen til funksjonen f gitt ved

$$f(x) = \frac{8}{x^2 + 20}$$

Rektangelet under grafen har hjørne i punkta $(0,0)$, $(5,0)$, $(5,f(5))$ og $(0,f(5))$.

- a) Bestem arealet av rektangelet.
- b) Lag ei systematisk oversikt som viser arealet av rektangla som har hjørne i punkta $(0,0)$, $(n,0)$, $(n,f(n))$ og $(0,f(n))$ for $n \in \{1, 2, 3, \dots, 10\}$
- c) Bestem k slik at arealet av rektangelet som har hjørne i punkta $(0,0)$, $(k,0)$, $(k,f(k))$ og $(0,f(k))$, blir størst mulig.



TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGÅVA:

- Start med å lese oppgaveinstruksen godt.
- Hugs å føre opp kjeldene i svaret ditt dersom du bruker kjelder.
- Les gjennom det du har skrive, før du leverer.
- Bruk tida. Det er lurt å drikke og ete undervegs.

Lykke til!

TIPS TIL DEG SOM AKKURAT HAR FÅTT EKSAMENSOPPGAVEN:

- Start med å lese oppgaveinstruksen godt.
- Husk å føre opp kildene i svaret ditt hvis du bruker kilder.
- Les gjennom det du har skrevet, før du leverer.
- Bruk tiden. Det er lurt å drikke og spise underveis.

Lykke til!